

52-oji Lietuvos moksleivių fizikos olimpiada
III turo užduotys X klasei

1. Iki koks mažiausio gilio reikia įleisti vertikalai apverstą 50 g masės stiklinę, kad ji nuskęstų? Stiklinės aukštis 10 cm, dugno skersmuo 5 cm, atmosferos slėgis 10^5 Pa. Į stiklinės sienelių storį neatsižvelgti. Vandens temperatūrą laikyti pastovia, tada slegiamo oro tūrio ir slėgio sandauga yra pastovus dydis: $pV = \text{const}$.

Sprendimas:

Stiklinė nuskęs tada, kai panardinta ji išstums mažesnę vandens masę nei pati sveria. Išstumiamuo vandens masę mažės dėl to, kad gilėjant hidrostatinis slėgis suspaus stiklinėje esantį orą. Stiklinė nuskęs, kai $\rho V \leq m$ (ρ – vandens tankis, V – išstumto vandens tūris, m – stiklinės masė).

$$p_0 V_0 = pV \quad (p_0 - \text{atmosferos slėgis}, V_0 - \text{stiklinės tūris}, p - \text{stiklinėje suspausto oro slėgis}).$$

$$V_0 = \pi r^2 H \quad (r - \text{stiklinės spindulys}, H - \text{stiklinės aukštis}, V_0 = 0,19625 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3).$$

2. Vaikas čiuožia ledu ant vienos pačiūžos. Pačiūžos plotis 2 mm, o ledo temperatūra -3°C . Čiuožiant po pačiūža ištirpssta 0,03 mm storio ledo sluoksnis. Raskite trinties jégą tarp pačiūžos ir ledo, kai ledo savitoji lydymosi šiluma 330 kJ/kg , ledo tankis 900 kg/m^3 , ledo savitoji šiluma $2,09 \text{ kJ/kg}\cdot\text{K}$. Ledo šilumos laidumo nepaisyti.

Sprendimas:

Čiuožiant tarp pačiūžos ir ledo vyksta trintis. Trinties jégos darbas $A = F_{tr} \cdot S$.

Ledo masė, ištirpusi po pačiūža: $m = V\rho = \rho dhs$ (ρ – ledo tankis, d – pačiūžos plotis, h – ištirpusio ledo storis).

Šilumos kiekis Q reikalingas ledo masei m ištirpyti:
 $Q = mc(t_{lyd} - t_0) + \lambda m = (c\Delta t + \lambda) \rho dhs$.

3. Pavaizduotoje elektrinėje grandinėje, kai jungiklis J neįjungtas, kondensatoriaus krūvis lygus nuliui. Kokios krypties ir stiprio srovė tekės per varžą R_1 iš karto įjungus jungiklį? Kokio didumo krūvis pratekės per varžą R_1 kol kondensatorius pilnai įsikraus? Kondensatoriaus talpa $C = 100 \mu\text{F}$, įtampa šaltinio gnybtuose $U_0 = 4\text{V}$; varžų didumi $R_1 = R_2 = R_5 = 2\Omega$ ir $R_3 = R_4 = 6 \Omega$.

$$p = p_0 + \rho gh \quad (h - \text{gylis, į kurį nuleidžiama apversta stiklinė})$$

$$\text{Tada } p_0 \pi r^2 H = (p_0 + \rho gh) V$$

Istatę $V = m/\rho$, gauname:

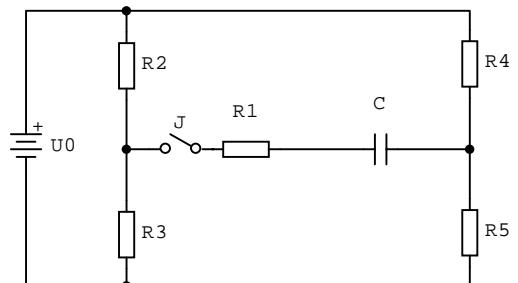
$$\rho p_0 \pi r^2 H \leq m(p_0 + \rho gh)$$

$$h = \frac{p_0(\rho \pi r^2 H - m)}{m \rho g}; h = 29,82 \text{ m.}$$

Visas trinties jégos atliekamas darbas virsta šiluma, kuri tirpdo ledą po pačiūža:

$$A = Q.$$

$$\text{Gauname : } F_{tr} = (c\Delta t + \lambda) \rho dh = 18,1 \text{ N.}$$

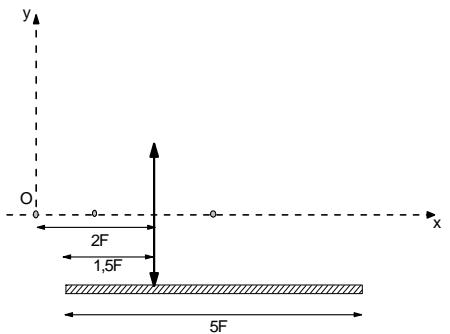


Sprendimas:

Kai jungiklis išjungtas, per varžas R_2 ir R_3 teka srovė $I = U_0/(R_2+R_3) = 1 \text{ A}$. Įtampos kritimas varžoje R_2 ir R_5 yra $U_2 = U_0 R_2 / (R_2 + R_3) = U_0 / 4$, o varžoje R_3 ir R_5 – $U_3 = U_0 R_3 / (R_2 + R_3) = 3U_0 / 4$. Grandinės dalies su jungikliu galuose įtampų skirtumas $U_J = U_2 - U_3 = U_0 / 2 = 2 \text{ V}$. Tuoju pat, tik prijungus jungikliu grandinės dalį, galima laikyti, kad kondensatoriaus plokštelių trumpai sujungtos, todėl per varžą R_1 tekančios sro-

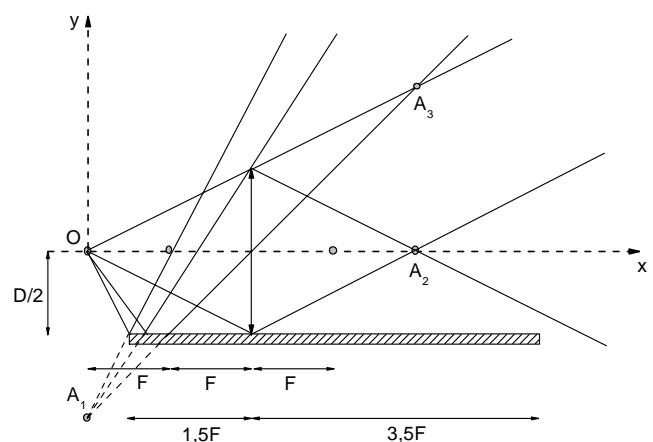
vės stipris $I_1 = U_J / R_1 = U_0 / (2R_1) = 1 \text{ A}$. Kadangi įtampa grandinės dalies gale ties jungikliu didesnė nei gale ties kondensatoriumi, tai srovės kryptis per varžą R_1 bus nuo jungiklio link kondensatoriaus. Kondensatoriui pilnai įsikrovus Jame bus sukauptas krūvis $q = U_J C = C U_0 / 2 = 2 \cdot 10^{-4} \text{ C}$, lygus pratekėjusiam per varžą R_1 krūviui.

4. Glaudžiamasis lėšis, kurio židinio nuotolis F ir skersmuo D , pastatytas ant $5F$ ilgio plokštio veidrodžio taip, kad jo optinė ašis eina lygiagrečiai veidrodžio plokštumai išilgai veidrodžio. $2F$ atstumu nuo lėšio ant optinės ašies yra taškinis šviesos šaltinis, o atstumas nuo lėšio iki veidrodžio krašto link šaltinio yra $1,5F$. Kiek šviesos šaltinio atvaizdų susidaro šioje optinėje sistemoje? Kokios šių atvaizdų koordinatės, jei šaltinis yra koordinatių pradžioje, x ašis nukreipta išilgai optinės ašies, o y ašis – aukštyn statmenai veidrodžio plokštumai?



Sprendimas:

Iš brėžinio matyti, kad bus matomi **trys** šaltinio O atvaizdai: menamas A_1 , ir realūs A_2 ir A_3 . Remiantis lėšio lygtimi $1/f + 1/d = 1/F$, atstumas nuo lėšio iki atvaizdų A_2 ir A_3 išilgai optinės ašies $d = Ff/(F-f) = 2F$. Atstumas nuo A_1 ir A_3 iki optinės ašies statmenai optiniai ašiai D. Atvaizdų koordinatės: $A_1(0, -D)$, $A_2(4F, 0)$, $A_3(4F, D)$.



Užduotis parengė VDU doc. dr. Valdas Girdauskas.

Pastaba: ši informacija interneto svetainėje www.olimpas.lt skelbiama nuo 2004 04 08.